



UNIVERSIDAD
DE LA RIOJA

Pruebas de Acceso a la Universidad (LOE)
Curso 2011 / 2012
Convocatoria: /Julio
ASIGNATURA: MATEMÁTICAS II

El alumno contestará a los ejercicios de una de las dos propuestas (A o B) que se le ofrecen. Nunca deberá contestar a ejercicios de una propuesta y a ejercicios distintos de la otra. Es necesario justificar las respuestas.

Se permite el uso de calculadoras científicas siempre que no sean programables ni gráficas ni calculen integrales. Si algún alumno es sorprendido con una calculadora no autorizada, podrá ser expulsado del examen; en todo caso, se le retirará la calculadora sin que tenga derecho a que le proporcionen otra.

Tiempo: Una hora y media.

PROPUESTA A:

1.- (1 punto) Encuentra un vector de módulo 1 que sea ortogonal a los vectores $\vec{u} = (1, 0, 1)$ y $\vec{v} = (2, 1, 0)$.

2.- (1,5 puntos) Calcula

$$\lim_{x \rightarrow 0} \frac{e^x - x \cos x - 1}{\sin x - x + 1 - \cos x}$$

3.- (1,5 puntos) Calcula el área de la región limitada por la función $f(x) = \ln x$, la recta tangente a $f(x)$ en $x = e$ y el eje de abscisas.

4.- (3 puntos) Para $a \in (0, +\infty)$ determina el dominio y estudia la continuidad y derivabilidad de la función:

$$f(x) = \begin{cases} 1 + a^x & \text{si } x \leq 0; \\ \ln(x^2 + a) & \text{si } x > 0. \end{cases}$$

Describe la función derivada $f'(x)$.

5.- (3 puntos) Discute y resuelve, según los valores de a , el siguiente sistema de ecuaciones:

$$\begin{cases} x + (1 + a)y - az = 2a \\ x + 2y - z = 2 \\ x + ay + (1 + a)z = 1 \end{cases}$$



UNIVERSIDAD
DE LA RIOJA

Pruebas de Acceso a la Universidad (LOE)
Curso 2011 / 2012
Convocatoria: /Julio
ASIGNATURA: MATEMÁTICAS II

El alumno contestará a los ejercicios de una de las dos propuestas (A o B) que se le ofrecen. Nunca deberá contestar a ejercicios de una propuesta y a ejercicios distintos de la otra. Es necesario justificar las respuestas.

Se permite el uso de calculadoras científicas siempre que no sean programables ni gráficas ni calculen integrales. Si algún alumno es sorprendido con una calculadora no autorizada, podrá ser expulsado del examen; en todo caso, se le retirará la calculadora sin que tenga derecho a que le proporcionen otra.

Tiempo: Una hora y media.

PROPUESTA B:

1.- (1 puntos) Encuentra un vector de módulo 1 que sea ortogonal a los vectores $\vec{u} = (1, 0, 1)$ y $\vec{v} = (2, 1, 0)$.

2.- (1'5 punto) Calcula

$$\lim_{x \rightarrow 0} \frac{e^x - x \cos x - 1}{\sin x - x + 1 - \cos x}$$

3.- (1'5 puntos) Calcula el área de la región limitada por la función $f(x) = \ln x$, la recta tangente a $f(x)$ en $x = e$ y el eje de abscisas.

4.- (3 puntos) Enuncia el Teorema de Bolzano y úsalo para probar que la ecuación $x = \cos x$ tiene una única solución. Debes justificar adecuadamente por qué es única. (Puede serte útil dibujar las gráficas de las funciones $f(x) = x$ y $g(x) = \cos x$.)

5.- (3 puntos) Para los puntos $A(1, 0, 2)$ y $B(-1, 2, 4)$ y la recta r de ecuación $\frac{x+2}{2} = y-1 = \frac{z-1}{3}$:

- Calcula la ecuación del plano π formado por los puntos que equidistan (están a la misma distancia) de A y de B .
- Calcula la ecuación del plano π' paralelo a r y que pase por A y B .
- Encuentra otro plano π'' de modo que la intersección de π , π' y π'' sea exactamente un punto.



UNIVERSIDAD
DE LA RIOJA

Pruebas de Acceso a la Universidad (LOE)
Curso 2011 / 2012
Convocatoria: / Julio
ASIGNATURA: MATEMÁTICAS II

CRITERIOS ESPECÍFICOS DE CORRECCIÓN

(1) Se sugiere un tipo de corrección positivo, es decir, partiendo de cero y sumando puntos por los aciertos que el alumno vaya obteniendo.

(2) Como excepción al apartado anterior, los errores muy graves, del tipo

$$\sqrt{a^2 + b^2} = a + b, \quad \frac{\ln x}{x} = \ln, \quad \int \frac{x}{x^2 + 3} = \int \left(\frac{1}{x} + \frac{x}{3} \right),$$

se penalizarán especialmente, y pueden suponer un 0 en el apartado en el que se hayan cometido.

(3) Se deberá valorar la exposición lógica y la coherencia de las respuestas, tanto en cuestiones teóricas como prácticas. Algunos ejemplos:

- (a) Si al resolver un sistema de ecuaciones, el alumno comete un error **numérico**, y el desarrollo posterior es coherente con dicho error, no se prestará especial atención siempre y cuando el problema no haya quedado reducido a uno trivial.
- (b) En la representación gráfica de funciones, se valorará la coherencia del dibujo con los datos obtenidos previamente por el alumno. (Vale aquí la misma excepción que en el párrafo anterior.)

(4) La puntuación máxima que se puede obtener en cada ejercicio viene señalada en la copia del examen que se entrega al alumno. Si alguno de los apartados tiene a su vez subapartados, se deberá distribuir razonablemente el número de puntos entre los mismos (no necesariamente debe darse el mismo peso a cada subapartado).

(5) Si un alumno da una respuesta acertada a un problema escribiendo sólo los resultados, sin el desarrollo lógico de cómo los ha obtenido, la puntuación en este apartado no podrá ser superior al 40 % de la nota máxima prevista.

(6) La calificación será la suma de las puntuaciones obtenidas en cada ejercicio de una sola propuesta.